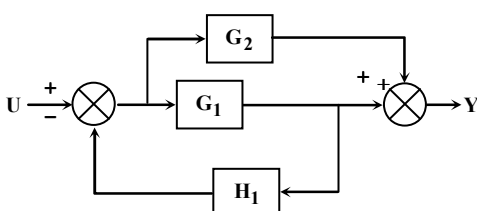


کنترل فرآیندها

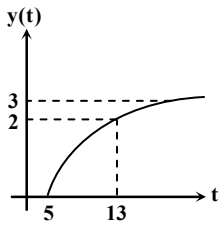
۱ - تابع انتقال $\frac{Y}{U}$ برای نمودار جعبه‌ای زیر کدام است؟

$$\frac{G_1 + G_2}{1 + G_1 G_2 H_1} \quad (۲) \qquad \frac{G_1 + G_2}{1 + G_1 H_1} \quad (۱)$$

$$\frac{G_1}{1 + G_1 G_2 H_1} \quad (۴) \qquad \frac{G_1}{1 + G_1 H_1} \quad (۳)$$



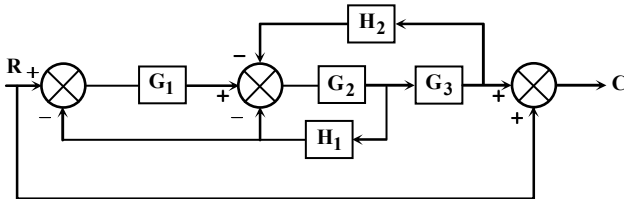
۲ - شکل زیر پاسخ سیستمی به یک ورودی پله‌ای واحد می‌باشد. تابع انتقال سیستم کدام است؟



$$(1) \quad \frac{3e^{-\Delta s}}{16s+1} \quad (2) \quad \frac{-3e^{-\Delta s}}{16s-1}$$

$$(3) \quad \frac{3e^{-\Delta s}}{s(16s+1)} \quad (4) \quad \frac{-3e^{-\Delta s}}{s(16s-1)}$$

۳ - تابع انتقال حلقه بسته سیستم زیر کدام است؟



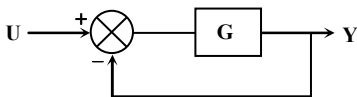
$$(1) \quad \frac{C}{R} = \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + H_1 G_1 G_2 + H_2 G_1 G_2 G_3 - H_1 G_1 G_2}$$

$$(2) \quad \frac{C}{R} = \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + H_1 G_1 G_2 + H_2 G_1 G_2 G_3 - H_1 G_1 G_2}$$

$$(3) \quad \frac{C}{R} = \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + H_1 G_1 G_2 + H_2 G_1 G_2 G_3 - H_1 G_1 G_2} + 1$$

$$(4) \quad \frac{C}{R} = \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + H_1 G_1 + H_2 G_1 G_2 - H_1 H_2 G_1 G_2 G_3}$$

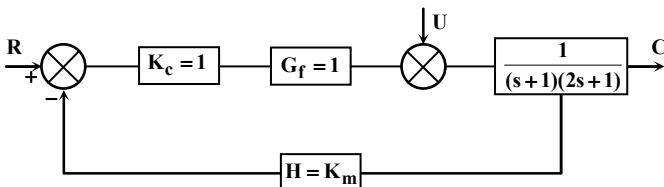
۴ - مدار زیر را در نظر بگیرید، اگر $\frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{1}{s(s+1)}$ باشد، در آن صورت $G(s)$ کدام است؟



$$(1) \quad \frac{-1}{s(s-1)+1} \quad (2) \quad \frac{s}{s^2-s-1}$$

$$(3) \quad \frac{1}{s(s+1)+1} \quad (4) \quad \frac{-s}{s^2-s+1}$$

۵ - در سیستم کنترل زیر برای داشتن پاسخ over damped مقدار k_m کدامیک از حالات زیر است؟



$$(1) \quad k_m > \frac{1}{\lambda}$$

$$(2) \quad k_m < \frac{1}{\lambda}$$

$$(3) \quad k_m < \frac{3}{2\sqrt{2}}$$

$$(4) \quad k_m > \frac{3}{2\sqrt{2}}$$

۶ - اگر تابع تبدیل سیستمی به صورت $G(s) = \frac{5}{s^2 + 10s + 25}$ باشد، ماهیت پاسخ این سیستم به یک ورودی پله‌ای کدام است؟

(۱) سینوسی با دامنه ثابت (۲) میرایی بحرانی است. (۳) پرمیرا است. (۴) کممیرا است.

۷ - اگر پاسخ یک سیستم به ورودی پله‌ای واحد به صورت $y(t) = 1 + 0.2e^{-60t} - 1/2e^{-10t}$ باشد ثابت زمانی سیستم برابر است با:

(۱) $\tau = 1$ (۲) $\tau = 0.1$ (۳) $\tau = 0.04$ (۴) $\tau = 0.4$

۸ - در پاسخ یک سیستم درجه ۲ به ورودی ضربانی (pulse)، کدام عبارت صحیح است؟

(۱) پاسخ یک سیستم درجه ۲ به ورودی ضربانی، مشتق پاسخ سیستم به ورودی پله‌ای است.

(۲) برای سیستم درجه ۲ با تابع تبدیل $G(s) = \frac{1}{25s^2 + 10s + 1}$ ، پاسخ ضربانی همواره دارای نوسان میراشونده است.

(۳) برای یک سیستم درجه ۲ پاسخ آن به ورودی ضربانی برای $\xi > 1$ ، همواره دارای نوسان دائم است.

(۴) برای یک سیستم درجه ۲ پاسخ آن به ورودی ضربانی برای $\xi < 1$ ، سیستم دارای نوسان نمی‌باشد.

۹ - کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح می‌باشد؟ (ξ نسبت میرایی است).

(۱) $1 < \xi < \xi_{\text{تداخلی}}$

(۲) پاسخ سیستم درجه ۲ به ورودی سینوسی اگر $\xi < \frac{\sqrt{2}}{2}$ باشد، دامنه پاسخ کمتر از دامنه ورودی است.

(۳) در سیستم‌های متوالی همواره $\xi \leq 1$ می‌باشد.

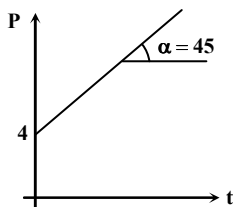
(۴) $\xi \geq 1$ غیر تداخلی $\xi > \xi_{\text{تداخلی}}$

۱۰ - اگر کنترل دمای سیستمی در محدوده $61-71^\circ\text{C}$ مورد نظر باشد و محدوده کلی تغییرات دما در این سیستم $5^\circ\text{C} - 12^\circ\text{C}$ باشد. درصد پهنای تناسبی (proportional band) و نیز k_c برای شیرهای کنترل برقی و پنوماتیکی کدام است؟

(۱) $K_{c\text{برقی}} = 1/6 \frac{\text{mA}}{^\circ\text{C}}, K_{c\text{پنوماتیک}} = 1/2 \frac{\text{psi}}{^\circ\text{C}}, \text{PB} = 14/3\%$ (۲) $K_{c\text{برقی}} = 1/6 \frac{\text{mA}}{^\circ\text{C}}, K_{c\text{پنوماتیک}} = 1/5 \frac{\text{psi}}{^\circ\text{C}}, \text{PB} = 10\%$

(۳) $K_{c\text{برقی}} = 1/3 \frac{\text{mA}}{^\circ\text{C}}, K_{c\text{پنوماتیک}} = 1/6 \frac{\text{psi}}{^\circ\text{C}}, \text{PB} = 16/1\%$ (۴) $K_{c\text{برقی}} = 1/3 \frac{\text{mA}}{^\circ\text{C}}, K_{c\text{پنوماتیک}} = 1/2 \frac{\text{psi}}{^\circ\text{C}}, \text{PB} = 20\%$

۱۱ - پاسخ یک کنترلر به ورودی خطی، خطا به صورت $\varepsilon(t) = 2t$ ، مطابق شکل زیر است. نوع کنترلر و پارامترهای آن کدام است؟



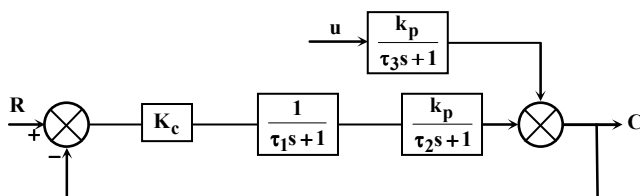
(۱) کنترلر تناسبی، ($K_c = 1$)

(۲) کنترلر تناسبی - انتگرالی - مشتقی، ($t_D = 4, t_I = 2, K_c = 0/5$)

(۳) کنترلر تناسبی - انتگرالی، ($t_I = 10, K_c = 1$)

(۴) کنترلر تناسبی - مشتقی، ($t_D = 4, K_c = 0/5$)

۱۲ - برای سیستم کنترل زیر، برای یک ورودی پله‌ای در بار (load) خطای حالت دائم کدام است؟



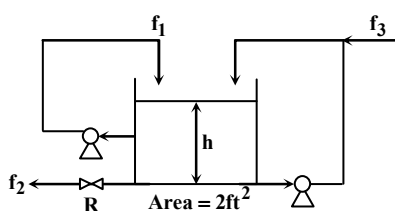
(۱) $-\frac{k_p}{k_c k_p + 1}$ (۲) $\frac{k_c}{k_c k_p + 1}$

(۳) $\frac{k_c k_p}{k_c k_p + 1}$ (۴) $\frac{1}{k_c k_p + 1}$

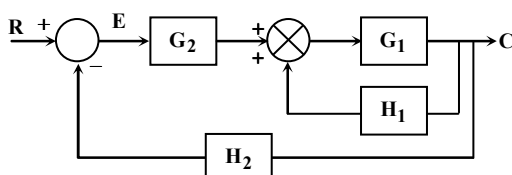
۱۳ - تابع تبدیل فرآیند مقابل کدام است؟

(۱) $\frac{H(s)}{F_r(s)} = \frac{R}{2RS + 1}$ (۲) $\frac{H(s)}{F_1(s)} = \frac{2R}{RS + 1}$

(۳) $\frac{H(s)}{F_r(s)} = \frac{2R}{RS + 1}$ (۴) $\frac{H(s)}{F_1(s)} = \frac{2R}{2RS + 1}$



۱۴ - برای سیستم کنترلر روبرو نسبت $\frac{E}{R}$ کدام است؟



(۱) $\frac{G_1 G_2}{1 - G_1 H_1 + G_1 G_2 H_2}$ (۲) $\frac{1 - G_1 H_1}{1 - G_1 H_1 + G_1 G_2 H_2}$

(۳) $\frac{G_1 G_2 H_2}{1 + G_1 H_1 - G_1 G_2 H_2}$ (۴) $\frac{G_1 G_2 H_1}{1 + G_1 H_1 - G_1 G_2 H_2}$

۱۵ - کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح می‌باشد؟

(۱) کنترلر کننده on-off می‌تواند حالت خاصی از کنترل کننده‌های تناسبی با بهره بسیار کم باشد.

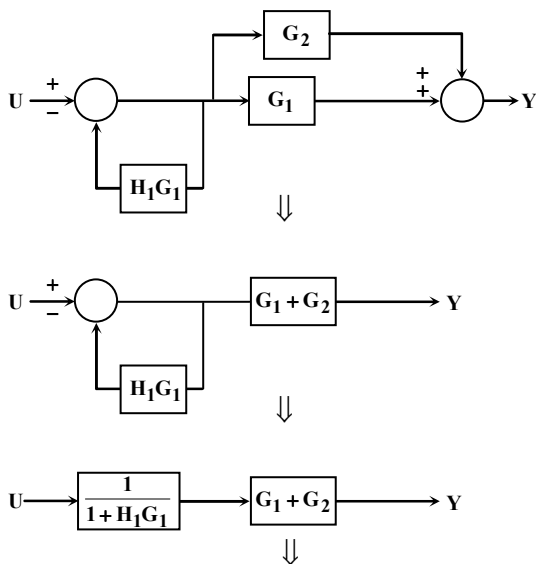
(۲) کنترلر کننده مشتق‌گیر عملاً میرائی به کنترلر کننده تناسبی می‌افزاید ولی over shoot را افزایش می‌دهد.

(۳) یک کنترلر کننده انتگرال‌گیر، می‌تواند خطای حالت دائم در پاسخ به ورودی پله را حذف کند.

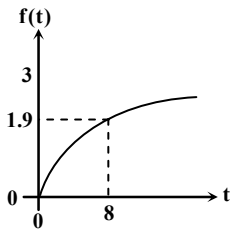
(۴) هر سه گزینه بالا صحیح است.

کنترل فرآیندها

۱ - گزینه «۱»



$$\Rightarrow \frac{Y}{U} = \frac{G_1 + G_2}{1 + H_1 G_1}$$



$$y(t) = f(t - \Delta)u(t - \Delta)$$

$$f(t) = Ae^{-\alpha t} + B$$

$$\lim_{t \rightarrow \infty} f(t) = \tau ; \lim_{t \rightarrow \infty} (Ae^{-\alpha t} + B) = \tau \Rightarrow B = \tau (\alpha > 0 \text{ با فرض})$$

$$f(0) = 0 \Rightarrow A + B = 0 \Rightarrow A = -\tau$$

$$f(\lambda) = 1/9 \Rightarrow f(\lambda) = -\tau e^{-\alpha(\lambda)} + \tau = \tau \Rightarrow$$

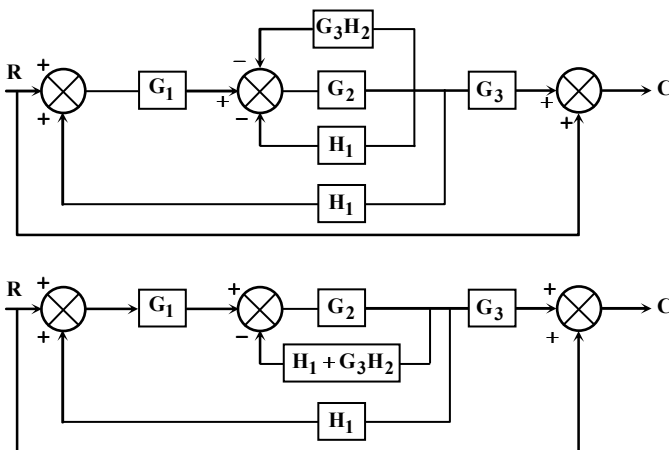
$$-\tau e^{-\lambda\alpha} = -1 \Rightarrow e^{-\lambda\alpha} = \frac{1}{\tau} \Rightarrow -\lambda\alpha = \log \frac{1}{\tau} \Rightarrow \alpha = -\frac{1}{\lambda} \log \frac{1}{\tau}$$

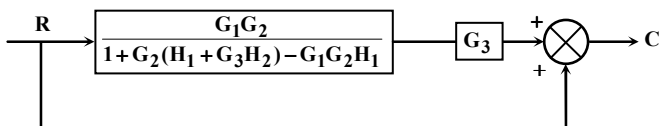
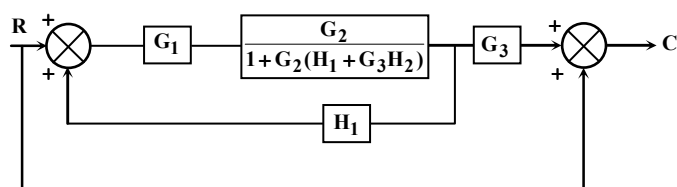
$$\alpha = +\frac{0/\Delta}{\lambda} = \frac{1}{16} \Rightarrow f(t) = \tau(1 - e^{-\frac{1}{16}t})u(t) \Rightarrow F(s) = \tau[\frac{1}{s} - \frac{1}{s + \frac{1}{16}}]$$

$$Y(s) = e^{-\Delta s}F(s) \Rightarrow Y(s) = \tau e^{-\Delta s}[\frac{1}{s(s + \frac{1}{16})}] \Rightarrow H(s) = \frac{Y(s)}{X(s)}$$

$$H(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{\tau e^{-\Delta s}}{s(s + \frac{1}{16})} \times \frac{1}{s - 1} = \frac{\tau e^{-\Delta s}}{s + \frac{1}{16}} = \frac{\tau e^{-\Delta s}}{16s + 1}$$

حلقه مربوطه را می توان ساده سازی کرد:

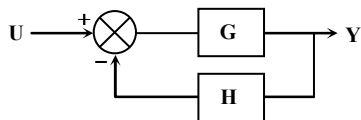




$$R \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + G_2 H_1 + G_2 G_3 H_2 - G_1 G_2 H_1} + R = C$$

$$\Rightarrow \frac{C}{R} = \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + G_2 H_1 + G_2 G_3 H_2 - G_1 G_2 H_1} + 1$$

۴ - گزینه «۳»



$$\frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{G(s)}{1 + G(s)H(s)} \Rightarrow \frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{G(s)}{1 + G(s)} = \frac{1}{s(s+1)}$$

$$s^r G(s) + sG(s) = 1 + G(s) \Rightarrow s^r G(s) + sG(s) - G(s) = 1$$

$$s^r G(s) + (s-1)G(s) - 1 = 0$$

$$G(s)(s^r + s - 1) = 1 \Rightarrow G(s) = \frac{1}{s^r + s + 1} = \frac{1}{s(s+1) + 1}$$

۵ - گزینه «۲»

برای داشتن یک پاسخ پرمیرا، باید باشد:

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{1}{(s+1)(rs+1)} = \frac{1}{rs^r + rs + 1 + k_m}$$

$$rs^r + rs + 1 + k_m = 0 \rightarrow s = \frac{-r \pm \sqrt{r^2 - 4(1+k_m)}}{2}$$

$$r^2 - 4(1+k_m) > 0 \Rightarrow k_m < \frac{r^2}{4}$$

۶ - گزینه «۲»

$$G(s) = \frac{\frac{5}{25}}{\frac{1}{25}s^2 + \frac{10}{25}s + 1} \Rightarrow \tau = \sqrt{\frac{1}{25}} = \frac{1}{5} = 0.2$$

$$2\xi\tau = \frac{10}{25} \Rightarrow \xi = \frac{\frac{10}{25}}{2 \times \frac{1}{5}} = 1$$

۷ - گزینه «۳»

$$y(s) = \frac{1}{s} + \frac{0.2}{s+60} - \frac{1/2}{s+10} = \frac{F(s)}{s(s+60)(s+10)} = \frac{\frac{F(s)}{s}}{(s+60)(s+10)} = \frac{\frac{F(s)}{s}}{s^2 + 70s + 600}$$

$$\text{مخرج کسر: } \frac{1}{600}s^2 + \frac{70}{600}s + 1$$

$$\tau = \sqrt{\frac{1}{600}} = 0.04 \quad \xi = \frac{\frac{70}{600}}{2 \times 0.04} = 1.46$$

۸ - گزینه «۱»

پاسخ یک سیستم به ورودی ضربانی، مشتق پاسخ سیستم به ورودی پله‌ای است. بنابراین با مشتق گرفتن از معادلات مربوط به پاسخ سیستم درجه ۲ به ورودی پله‌ای می‌توان پاسخ سیستم درجه ۲ را به ورودی ضربانی به دست آورد:

$$\frac{y(s)}{x(s)} = \frac{1}{\tau^2 s^2 + 2\xi\tau s + 1} = x(t) = s(t), x(s) = 1$$

$$\xi > 1 \Rightarrow y(t) = \frac{1}{\tau} \frac{1}{\sqrt{\xi^2 - 1}} e^{-\xi \frac{t}{\tau}} \sinh \frac{\sqrt{\xi^2 - 1}}{\tau} t$$

$$\xi < 1 \Rightarrow y(t) = \frac{1}{\sqrt{1 - \xi^2}} \frac{e^{-\xi \frac{t}{\tau}}}{\tau} \sin \frac{\sqrt{1 - \xi^2}}{\tau} t$$

$$x(t) = A \sin \omega t \Rightarrow x(s) = \frac{A\omega}{s^2 + \omega^2} \rightarrow y(s) = \frac{A\omega}{s^2 + \omega^2} \frac{1}{\tau^2 s^2 + 2\xi\tau s + 1}$$

$$y(t) = \frac{A}{\sqrt{[1 - (\omega\tau)^2]^2 + (2\xi\omega\tau)^2}} \sin(\omega t + \phi) \Leftarrow$$

پاسخ سیستم درجه ۲ به ورودی سینوسی پس از زمان طولانی

$$\phi = \tan^{-1} \left(\frac{-2\xi\omega\tau}{1 - (\omega\tau)^2} \right)$$

همانطور که از رابطه دیده می‌شود نسبت دامنه پاسخ به دامنه ورودی عبارت است از $\frac{1}{\sqrt{[1 - (\omega\tau)^2]^2 + (2\xi\omega\tau)^2}}$ که مقدار عبارت فوق نسبتی

به مقادیر ξ و $\omega\tau$ دارد و ممکن است کمتر یا مساوی یا بیشتر از یک باشد. پس اگر $\xi < \frac{\sqrt{2}}{2}$ باشد دامنه پاسخ بزرگتر از دامنه ورودی است، و نیز درحالتی که $\xi > \frac{\sqrt{2}}{2}$ است دامنه پاسخ کمتر از دامنه ورودی است.

$$\# \text{ با مقایسه تبدیل سیستم‌های متوالی به صورت } \frac{1}{\tau_1\tau_2 s^2 + (\tau_1 + \tau_2)s + 1} \text{ با فرم استاندارد سیستم درجه ۲ } \frac{1}{\tau^2 s^2 + 2\xi\tau s + 1}$$

$$\Rightarrow \tau = \sqrt{\tau_1\tau_2}, \xi = \frac{\tau_1 + \tau_2}{2\sqrt{\tau_1\tau_2}} > 1$$

برای سیستم‌های تداخلی هم به طریق مشابه می‌توان اثبات کرد $\xi = \frac{\tau_1 + \tau_2 + A_1 R_2}{2\sqrt{\tau_1\tau_2}}$ که همواره بزرگتر از یک است.

$$\xi \geq \xi_{\text{تداخلی}} > \xi_{\text{تداخلی}}$$

$$PB\% = \frac{71 - 61}{120 - 50} = \frac{10}{70} = \frac{1}{7} \times 100 = 14.3\%$$

$$K_c = \frac{12}{10} = 1.2 \frac{\text{Psi}}{^\circ\text{C}} \text{ شیر پنوماتیک}$$

$$K_c = \frac{16}{10} = 1.6 \frac{\text{mA}}{^\circ\text{C}} \text{ شیر برقی}$$

$$P(t) = P_s + K_c \varepsilon(t) \text{ کنترلر تناسبی}$$

واحد K_c در شیرهای کنترلر پنوماتیک $\frac{\text{Psi}}{\text{Error}}$ و در شیرهای برقی $\frac{\text{mA}}{\text{Error}}$ است. اگر در فرآیند، کنترلر دما صورت گیرد دیمانسیون K_c برای

$$\xrightarrow{\text{Error}} \boxed{\text{کنترلر}} \longrightarrow P(\text{psia})$$

شیر کنترلر پنوماتیک و برقی به ترتیب $\frac{\text{Psi}}{^\circ\text{C}}$ و $\frac{\text{mA}}{^\circ\text{C}}$ خواهد بود.

$$\xrightarrow{\text{Error}} \boxed{\text{کنترلر}} \longrightarrow I(\text{mA})$$

نسبت $\frac{P(s)}{E(s)}$ تابع تبدیل کنترلر $G_c(s)$ می‌باشد.

$$\left. \begin{aligned} PB\% &= \frac{\text{Error}}{\text{Range}} \times 100 \\ K_c &= \frac{(15 - 3)\text{psi}}{\text{Error}} = \frac{12}{\text{Error}} \\ K_c &= \frac{(20 - 4)\text{mA}}{\text{Error}} = \frac{16}{\text{Error}} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \left. \begin{aligned} PB\% &= \frac{12 \times 100}{K_c \times \text{Range}} \\ PB\% &= \frac{16 \times 100}{K_c \times \text{Range}} \end{aligned} \right\} PB\% \sim \frac{1}{K_c}$$

۱۱ - گزینه «۴»

$$\text{PID کنترلر: } P(s) = K_c \left(1 + \tau_D s + \frac{1}{\tau_I s} \right) \frac{1}{s^2}$$

$$P(t) = \tau K_c t + \frac{K_c t^2}{\tau_I} + \tau K_c \tau_D$$

$$\text{شیب } 1 = \tau K_c \Rightarrow K_c = 0.5$$

$$\text{عرض از مبدأ } 4 = \tau K_c \tau_D \Rightarrow \tau_D = 4$$

چون فرم پاسخ خطی است پس کنترلر عامل انتگرالی ندارد.

۱۲ - گزینه «۱»

$$\frac{C(s)}{u(s)} = \frac{\frac{k_p}{\tau_p s + 1}}{1 + \frac{k_c k_p}{(\tau_p s + 1)(\tau_r s + 1)}} = \frac{k_p (\tau_p s + 1)(\tau_r s + 1)}{[(\tau_p s + 1)(\tau_r s + 1) + k_c k_p](\tau_r s + 1)} = A$$

$$u(s) = \frac{1}{s}$$

$$\lim_{t \rightarrow \infty} C(t) = \lim_{s \rightarrow 0} s C(s) = \lim_{s \rightarrow 0} [A] = \frac{k_p}{k_c k_p + 1}$$

$$\text{offset} = R(\infty) - C(\infty) = 0 - \frac{k_p}{k_c k_p + 1} = -\frac{k_p}{k_c k_p + 1}$$

۱۳ - گزینه «۱»

$$f_1 + (f_r + c) - f_r - c - f_1 = A \frac{dh}{dt}$$

موازنه حل تانک به صورت زیر است:

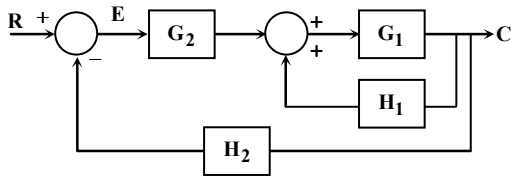
$$\rightarrow F_r(t) - \frac{H}{R} = A \frac{dH}{dt}$$

$$\rightarrow F_r(s) = H(s) + A s H(s)$$

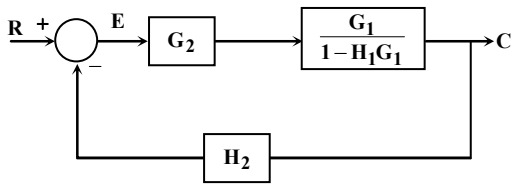
$$\rightarrow \frac{H(s)}{F_r(s)} = \frac{R}{\tau R s + 1}$$

۱۴ - گزینه «۲»

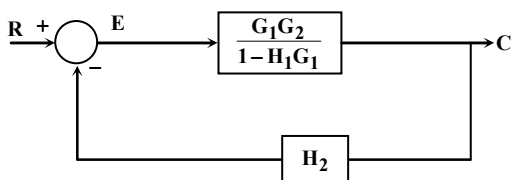
دیاگرام به صورت زیر ساده می‌شود:



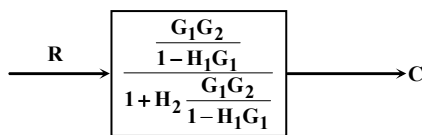
⇓



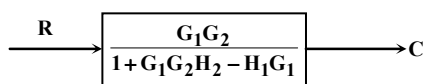
⇓



⇓



⇓



$$\Rightarrow \frac{C}{R} = \frac{G_1 G_2}{1 + G_1 G_2 H_2 - H_1 G_1}$$

با توجه به شکل صورت مسئله داریم:

$$E = R - CH_2 = R(1 - H_2 \times \frac{C}{R}) \Rightarrow \frac{E}{R} = 1 - H_2 \frac{C}{R} = 1 - H_2 \times \frac{G_1 G_2}{1 + G_1 G_2 H_2 - H_1 G_1} \Rightarrow \frac{E}{R} = \frac{1 - H_1 G_1}{1 - H_1 G_1 + G_1 G_2 H_2}$$

۱۵ - گزینه «۳»

- گزینه ۱- کنترل تناسبی با بهره بسیار بالا $K_c \rightarrow \infty$
 گزینه ۲- کنترل مشتقی overshoot را کاهش می‌دهد.
 گزینه ۴- عملاً نادرست است.